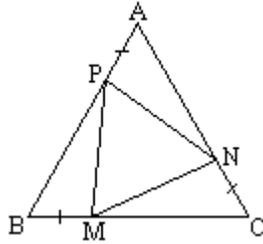


Exercices sur les triangles isométriques et semblables

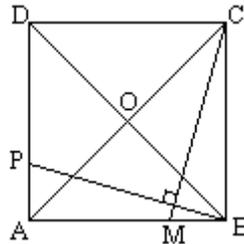
Exercice 1 : ABC est un triangle équilatéral, M, N, P sont des points de [BC], [CA], [AB] tels que $BM = CN = AP$.

- Démontrer que les triangles BMP, CNM et NAP sont isométriques deux à deux.
- En déduire que MNP est équilatéral.



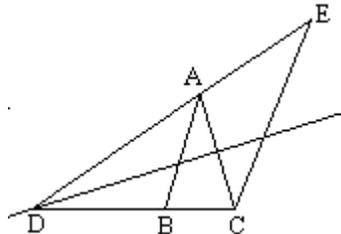
Exercice 2 : ABCD est un carré de centre O, M un point de [AB]. On mène par B la perpendiculaire à (CM) qui coupe (AD) en P.

- Démontrer que $\angle PMA = \angle CMB$.
 - En déduire que les triangles MCB et ABP sont isométriques et que $MB = AP$.
- Démontrer que les triangles OMB et OPA sont isométriques.
 - En déduire que le triangle POM est rectangle et isocèle.



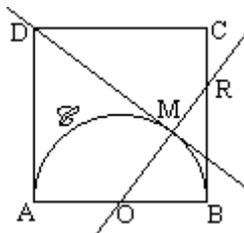
Exercice 3 : ABC est un triangle isocèle en A. La médiatrice de [AC] coupe la droite (BC) en D. Le point E de la droite (AD) est tel que $AE = BD$.

- Démontrer que les triangles ABD et ACE sont isométriques.
- En déduire que le triangle CDE est isocèle.



Exercice 4 : ABCD est un carré, (DM) est tangente au cercle C de diamètre [AB].

- Démontrer que les triangles OAD et OMD sont isométriques.
- Démontrer que les triangles DMR et DCR sont isométriques. En déduire la nature du triangle CMR.

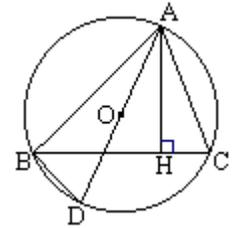


Exercice 5 : ABCD est un parallélogramme, N un point du segment [DC] distinct de D et C. La droite (AN) coupe (BC) en M.

- Démontrer que les triangles ADN et ABM sont des triangles semblables.
- En déduire que $DN \times BM = AB \times AD$.

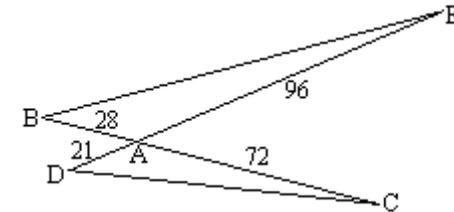
Exercice 6 : C est un cercle de centre O de rayon r , ABC est un triangle inscrit dans C tel que l'angle est aigu. H est le projeté orthogonal de A sur [BC]. La droite (AO) recoupe C en D.

- Démontrer que les triangles ABD et AHC sont semblables.
- On pose $AB = c$, $AC = b$ et $AH = h$.
En déduire de la question précédente que $bc = 2rh$.



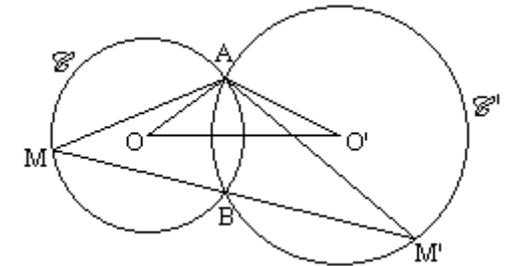
Exercice 7 :

- Quel théorème permet de montrer que les triangles DAC et BAE ci-dessous sont semblables (les mesures sont en mm) ?
- Quel est le rapport des aires de ces deux triangles ?



Exercice 8 : Deux cercles C et C' de centre O et O' se coupent en A et B. Une droite passant par B coupe, comme l'indique la figure ci-dessous, C en M et C' en M'.

- Démontrer que (OO') est la médiatrice de [AB].
 - En déduire que $\angle OAM = \angle O'M'$.
- Démontrer que les triangles OAO' et MAM' sont des triangles semblables.
 - En déduire que $\frac{OA}{O'A} = \frac{MA}{M'A}$, si r et r' sont les rayons respectifs de C et C'.



Exercice 9 : Dans un repère orthonormé, A, B, C, E, F, G sont les points dont voici les coordonnées :

A(-4 ; 0) ; B(3 ; 11) ; C(6 ; 6) ; E(0 ; -5) ; F(1 ; -4) ; G(3 ; -6).

- Démontrer que les triangles ABC et EFG sont de même forme.
- Calculer l'aire de ABC.
- Calculer de deux façons différentes l'aire de EFG.